

Питања за усмени део испита из Математике 3

I. ДИФЕРЕНЦИЈАЛНЕ ЈЕДНАЧИНЕ

- 1. Појам диференцијалне једначине. Пикарова теорема.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати: решење, опште решење, партикуларно решење, сингуларно решење.
 - Дефинисати Кошијев проблем и исказати Пикарову теорему.
- 2. Једначине с раздвојеним променљивим.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати: решење, опште решење, партикуларно решење, сингуларно решење.
 - Извести опште решење једначине с раздвојеним променљивим.
- 3. Хомогена диференцијална једначина првог реда.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати: решење и опште решење.
 - Извести опште решење хомогене диференцијалне једначине првог реда.
- 4. Једначина првог реда која се своди на хомогену једначину.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати диференцијалну једначину првог реда која се своди на хомогену једначину.
 - Извести опште решење једначине која се своди на хомогену једначину.
- 5. Линеарна диференцијална једначина првог реда.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати: решење и опште решење.
 - Извести опште решење линеарне диференцијалне једначине првог реда.
- 6. Бернулијева диференцијална једначина.**
 - Написати општи и нормални облик диференцијалне једначине првог реда.
 - Дефинисати: решење и опште решење.
 - Извести опште решење Бернулијеве диференцијалне једначине.
- 7. Једначина с тоталним диференцијалом.**
 - Дефинисати једначину с тоталним диференцијалом.
 - Навести теорему о потребном и довољном услову да израз $P(x, y)dx + Q(x, y)dy$ представља тотални диференцијал функције $F(x, y)$.
 - Доказати наведену теорему.

- 8. Свођење диференцијалне једначине облика $F(x, y', y'') = 0$ на диференцијалну једначину првог реда.**
- Општи и нормални облик диференцијалне једначине другог реда.
 - Дефинисати: решење, опште решење и проблем са почетним условом.
 - Свести једначину $F(x, y', y'') = 0$ на једначину првог реда.
- 9. Свођење диференцијалне једначине облика $F(y, y', y'') = 0$ на диференцијалну једначину првог реда.**
- Општи и нормални облик диференцијалне једначине другог реда.
 - Дефинисати: решење, опште решење и проблем са почетним условом.
 - Свести једначину $F(y, y', y'') = 0$ на једначину првог реда.
- 10. Диференцијалне једначине вишег реда. Опште решење. Свођење диференцијалне једначине $F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0$ на диференцијалну једначину нижег реда.**
- Општи и нормални облик диференцијалне једначине n -тог реда.
 - Дефинисати: решење, опште решење и проблем са почетним условом.
 - Свођење диференцијалне једначине $F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0$ на диференцијалну једначину нижег реда.
- 11. Хомогена линеарна диференцијална једначина другог реда. Линеарно независна решења. Детерминанта Вронског. Опште решење.**
- Написати општи облик хомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.
 - Ако су $y_1(x)$ и $y_2(x)$ решења хомогене линеарне једначине, доказати да је и њихова линеарна комбинација решење те једначине.
 - Дефинисати линеарну независност решења $y_1(x)$ и $y_2(x)$ и детерминанту Вронског.
 - Доказати теорему о вези линеарне независности решења и детерминанте Вронског.
 - Навести теорему о општем решењу хомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.
- 12. Налажење општег решења хомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда, ако је познато једно њено партикуларно решење.**
- Написати општи облик хомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.
 - Навести теорему о општем решењу хомогене линеарне диференцијалне једначине.
 - Ако је познато једно нетривијално решење хомогене линеарне једначине другог реда, онда се друго, линеарно независно решење, налази из једначине првог реда. Доказати.

13. Хомогена линеарна диференцијална једначина другог реда с константним коефицијентима.

- Написати општи облик хомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда с константним коефицијентима.
- Извести карактеристичну једначину дате хомогене једначине.
- Написати опште решење у зависности од корена карактеристичне једначине.

14. Метода неодређених коефицијената за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда с константним коефицијентима.

- Дефинисати нехомогену линеарну диференцијалну једначину другог реда.
- Структура општег решења нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.
- Метода неодређених коефицијената за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда с константним коефицијентима.

15. Метода варијације константи за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.

- Дефинисати нехомогену линеарну диференцијалну једначину другог реда.
- Структура општег решења нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.
- Извести методу варијације константи за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине другог реда.

16. Хомогене линеарне диференцијалне једначине вишег реда. Фундаментални систем решења. Детерминанта Вронског.

- Написати општи облик хомогене линеарне диференцијалне n -тог реда.
- Дефинисати линеарну независност решења $y_1(x), \dots, y_n(x)$ и детерминанту Вронског.
- Навести теорему о вези линеарне независности решења и детерминанте Вронског.
- Навести теорему о општем решењу хомогене линеарне диференцијалне једначине n -тог реда.

17. Опште решење нехомогене диференцијалне једначине n -тог реда. Метода варијације константи.

- Дефинисати нехомогену линеарну диференцијалну једначину n -тог реда.
- Структура општег решења нехомогене линеарне диференцијалне једначине n -тог реда.
- Навести методу варијације константи за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине n -тог реда.

18. Хомогена линеарна диференцијална једначина n – тог реда с константним коефицијентима.

- Дефинисати хомогену линеарну диференцијалну једначину n – тог реда с константним коефицијентима.
- Извести карактеристичну једначину дате једначине.
- Написати опште решење у зависности од корена карактеристичне једначине.

19. Метода неодређених коефицијената за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине n – тог реда с константним коефицијентима. Структура општег решења нехомогене линеарне диференцијалне једначине.

- Написати нехомогену линеарну диференцијалну једначину n – тог реда.
- Структура општег решења нехомогене линеарне диференцијалне једначине.
- Метода неодређених коефицијената за решавање нехомогене линеарне диференцијалне једначине n – тог реда с константним коефицијентима.

II. СИСТЕМИ ДИФЕРЕНЦИЈАЛНИХ ЈЕДНАЧИНА

1. Појам система диференцијалних једначина. Разни записи система. Решење, опште решење и проблем с почетним условом.

- Написати систем од n диференцијалних једначина првог реда у општем, нормалном и симетричном облику.
- Дефинисати: решење, опште решење и партикуларно решење.
- Дефинисати Кошијев проблем и исказати Пикарову теорему.

2. Егзистенција и јединоственост решења проблема с почетним условом за систем диференцијалних једначина.

- Написати систем од n диференцијалних једначина првог реда у нормалном облику.
- Дефинисати: решење, опште решење и партикуларно решење.
- Дефинисати Кошијев проблем и исказати Пикарову теорему.

3. Веза система n диференцијалних једначина првог реда са диференцијалном једначином n – тог реда.

- Свођење диференцијалне једначине n – тог реда на систем од n диференцијалних једначина првог реда.
- Свођење система од n диференцијалних једначина првог реда у нормалном облику на диференцијалну једначину n – тог реда.

4. Интегрални системи диференцијалних једначина. Потребан и довољан услов за интегрални систем.

- Написати систем од n диференцијалних једначина првог реда у нормалном облику.
- Дефинисати интегрални систем диференцијалних једначина.
- Доказати теорему о потребном и довољном услову да дата функција представља интегрални систем.

5. Налажење општег и Кошијевог решења система помоћу првих интеграла.

- Дефинисати појам првог интеграла.
- Појам независности првих интеграла и теорема о довољном услову за независност
- Решавање система помоћу првих интеграла.

6. Системи диференцијалних једначина вишег реда. Снижавање реда.

- Написати општи и нормални облик система диференцијалних једначина вишег реда.
- Свођење система вишег реда на систем првог реда.

III. СИСТЕМИ ЛИНЕАРНИХ ДИФЕРЕНЦИЈАЛНИХ ЈЕДНАЧИНА

1. Системи линеарних диференцијалних једначина. Егзистенција и јединственост решења.

- Написати систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда у скаларном и матричном облику. Хомоген и нехомоген систем.
- Кошијев проблем.
- Теорема о егзистенцији и јединствености решења.

2. Хомогени системи линеарних диференцијалних једначина. Основна својства.

- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина у скаларном и матричном облику.
- Ако су $X_1(t), \dots, X_n(t)$ решења хомогеног система, доказати да је и њихова линеарна комбинација решење тог система.
- Дефинисати линеарну независност решења $X_1(t), \dots, X_n(t)$ и детерминанту Вронског.
- Исказати и доказати теорему о вези линеарне независности решења и детерминанте Вронског.

3. Опште решење хомогеног система.

- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина у скаларном и матричном облику.
- Ако су $X_1(t), \dots, X_n(t)$ решења хомогеног система, доказати да је и њихова линеарна комбинација решење тог система.
- Исказати и доказати теорему о општем решењу линеарног хомогеног система диференцијалних једначина.

4. Фундаментална матрица хомогеног система линеарних диференцијалних једначина. Потребан и довољан услов. Опште решење хомогеног система изражено преко фундаменталне матрице.

- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда у матричном облику.
- Дефиниција фундаменталне матрице.
- Исказати и доказати потребне и довољне услове да дата матрица буде фундаментална.
- Опште решење изражено преко фундаменталне матрице.

5. Нехомогени системи линеарних диференцијалних једначина. Опште решење нехомогеног система.

- Написати нехомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда и придружени хомоген систем у скаларном и матричном облику.
- Ако су $X_1(t), \dots, X_n(t)$ решења придруженог хомогеног система и $Y(t)$ партикуларно решење нехомогеног система, доказати да је $X_{nh}(t) = C_1 X_1(t) + \dots + C_n X_n(t) + Y(t)$ решење нехомогеног система.
- Под којим условом n -параметарска фамилија $X_{nh}(t)$ садржи сва решења нехомогеног система.

6. Метода варијације константи за решавање нехомогеног система.

- Написати нехомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда и придружени хомоген систем у скаларном и матричном облику.
- Структура општег решења нехомогеног система.
- Наћи опште решење нехомогеног система методом варијације константи.

7. Решавање хомогеног система линеарних диференцијалних једначина с константним коефицијентима. Карактеристична једначина и карактеристичне вредности. Једнострукки реални корени.

- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда са константним коефицијентима у скаларном облику.
- Извести карактеристичну једначину.
- Налажење решења система која одговарају једноструким реалним коренима.

- 8. Решавање хомогеног система линеарних диференцијалних једначина с константним коефицијентима. Карактеристична једначина и карактеристичне вредности система. Једнострукки комплексни корени.**
- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда са константним коефицијентима у скаларном облику.
 - Извести карактеристичну једначину.
 - Налажење решења система која одговарају једноструким комплексним коренима.
- 9. Решавање хомогеног система линеарних диференцијалних једначина с константним коефицијентима. Карактеристична једначина и карактеристичне вредности. Реални вишеструки корени.**
- Написати хомоген систем од n линеарних диференцијалних једначина првог реда са константним коефицијентима у скаларном облику.
 - Извести карактеристичну једначину.
 - Налажење решења система која одговарају вишеструким реалним коренима.
- 10. Одређивање фундаменталне матрице помоћу матричног експонента.**
- Дефинисати појам матричног експонента.
 - Наћи извод матричног експонента e^{At} .
 - Наћи фундаменталну матрицу хомогеног система од n линеарних диференцијалних једначина са константним коефицијентима преко матричног експонента.
- 11. Стабилност решења система линеарних диференцијалних једначина с константним коефицијентима.**
- Дефиниција стабилности тривијалног решења хомогеног система од n линеарних диференцијалних једначина са константним коефицијентима.
 - Дефиниција асимптотске стабилности тривијалног решења хомогеног система од n линеарних диференцијалних једначина са константним коефицијентима.
 - Исказати теорему о потребном и довољном услову за асимптотску стабилност тривијалног решења.
 - Под којим условима тривијално решење није стабилно.

IV. ПАРЦИЈАЛНЕ ЈЕДНАЧИНЕ ПРВОГ РЕДА

- 1. Линеарне хомогене парцијалне једначине. Основне теореме. Опште решење.**
- Написати општи облик линеарне хомогене парцијалне једначине.
 - Исказати и доказати теорему о вези решења парцијалне једначине и интеграла придруженог система диференцијалних једначина.
 - Структура општег решења линеарне хомогене парцијалне диференцијалне једначине.

- 2. Проблем с почетним условом за линеарну хомогену парцијалну једначину.**
 - Написати општи облик линеарне хомогене парцијалне једначине.
 - Структура општег решења линеарне хомогене парцијалне диференцијалне једначине.
 - Описати поступак за налажење решења линеарне хомогене парцијалне једначине које задовољава дати почетни услов.
- 3. Квазилинеарне парцијалне једначине. Свођење на хомогену једначину.**
 - Написати општи облик квазилинеарне парцијалне једначине и придружену хомогену једначину.
 - Навести и доказати теорему о вези решења квазилинеарне једначине и придружене хомогене једначине.
 - Структура општег решења квазилинеарне парцијалне једначине.
- 4. Проблем са почетним условом за квазилинеарну једначину.**
 - Написати општи облик квазилинеарне парцијалне једначине.
 - Структура општег решења квазилинеарне парцијалне диференцијалне једначине.
 - Описати поступак за налажење решења квазилинеарне парцијалне једначине које задовољава дати почетни услов.

V. ЕЛЕМЕНТИ ТЕОРИЈЕ ФУНКЦИЈЕ КОМПЛЕКСНЕ ПРОМЕНЉИВЕ

- 1. Елементарне функције комплексне променљиве.**
 - Појам функције комплексне променљиве.
 - Дефинисати елементарне функције: полином, рационална функција, експоненцијална функција, тригонометријске функције.
 - Инверзне функције степене и експоненцијалне функције.
- 2. Гранична вредност и непрекидност функције комплексне променљиве.**
 - Појам функције комплексне променљиве.
 - Дефиниција граничне вредности и непрекидности функције комплексне променљиве.
 - Основне особине.
- 3. Извод функције комплексне променљиве. Коши – Риманови услови. Потребни услови за диференцијабилност. Појам аналитичке функције.**
 - Дефинисати извод функције $f(z)$ у тачки z_0 .
 - Коши-Риманови услови.
 - Доказати теорему о потребним условима за диференцијабилност функције $f(z)$.
 - Појам аналитичке функције.

- 4. Извод функције комплексне променљиве. Коши – Риманови услови. Довољни услови за диференцијабилност. Појам аналитичке функције.**
- Дефинисати извод функције $f(z)$ у тачки z_0 .
 - Коши-Риманови услови.
 - Доказати теорему о довољним условима за диференцијабилност функције $f(z)$.
 - Појам аналитичке функције.
- 5. Интеграл функције комплексне променљиве. Дефиниција и својства.**
- Дефинисати интегралну суму функције $f(z)$ на кривој AB .
 - Дефинисати интеграл функције $f(z)$ на кривој AB .
 - Навести основне особине интеграла.
- 6. Кошијева теорема за једноструко и вишеструко повезану област.**
- Навести Кошијеву теорему за једноструко повезану област.
 - Доказати да је интеграл аналитичке функције на једноструко повезаној области $\int_{AB} f(z) dz$ независан од путање која спаја тачке A и B .
 - Доказати Кошијеву теорему за вишеструко повезану област.
- 7. Неодређени интеграл функције комплексне променљиве и основна својства.**
- Дефинисати појам аналитичке функције у тачки z_0 и у области D .
 - Дефинисати неодређени интеграл функције $f(z)$.
 - Навести основне особине неодређеног интеграла.
- 8. Кошијеве формуле за функције комплексне променљиве.**
- Дефинисати појам аналитичке функције у тачки z_0 и у области D .
 - Навести Кошијеве формуле.
 - Доказати прву Кошијеву формулу.
- 9. Резидуум функције комплексне променљиве**
- Дефинисати појам сингуларитета и навести врсте сингуларитета функције комплексне променљиве.
 - Дефинисати резидуум функције комплексне променљиве.
 - Извести формулу за резидуум у случају када је сингуларитет пол првог реда.
 - Примена резидуума на израчунавање интеграла функције комплексне променљиве.

VI. ЛАПЛАСОВА ТРАНСФОРМАЦИЈА

1. Дефиниција Лапласове трансформације и довољни услови за постојање.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Доказати теорему о егзистенцији Лапласове трансформације.

2. Лапласова трансформација функције $f(t) = e^{bt}$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да важи $L\{e^{bt} f(t)\} = F(s-b)$, $\operatorname{Re} s > a+b$.

3. Лапласова трансформација функција $\sin bt$ и $\cos bt$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Наћи Лапласову трансформацију функције $f(t) = \sin bt$.
- Наћи Лапласову трансформацију функције $f(t) = \cos bt$.

4. Лапласова трансформација функције $f(t) = t^n$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Наћи Лапласову трансформацију функције $f(t) = t$.
- Наћи Лапласову трансформацију функције $f(t) = t^n$, $n > 1$.

5. Дефиниција јединичне одскочне функције $f(t) = U(t-b)$. Лапласова трансформација функције $f(t) = U(t-b)$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Дефинисати јединичну одскочну функцију $f(t) = U(t-b)$.
- Наћи Лапласову трансформацију функције $f(t) = U(t-b)$.

6. Особина линеарности Лапласове трансформације.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације.
- Доказати линеарност Лапласове трансформације.

7. Лапласова трансформација функције $f(bt)$, $b > 0$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да важи

$$L\{f(bt)\} = \frac{1}{b} F\left(\frac{s}{b}\right), \operatorname{Re} s > ab, b > 0.$$

8. Лапласова трансформација функције $e^{bt} f(t)$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да важи $L\{e^{bt} f(t)\} = F(s-b)$, $\operatorname{Re} s > a+b$.

9. Лапласова трансформација функције $f(t-b)U(t-b)$, где је $b > 0$, а $U(t-b)$ је јединична одскочна функција.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да важи $L\{f(t-b)U(t-b)\} = e^{-bs} F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, где је $b > 0$, а $U(t-b)$ је јединична одскочна функција.

10. Особина извода за Лапласову трансформацију.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$ и $f'(t) \in E(a)$, доказати да је $L\{f'(t)\} = sF(s) - f(0)$, за $\operatorname{Re} s > a$.

11. Особина интеграла за Лапласову трансформацију.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да је $L\{\int_0^t f(t)dt\} = \frac{F(s)}{s}$, за $\operatorname{Re} s > a$.

12. Дефиниција конволуције. Комутативност конволуције. Лапласова трансформација конволуције.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Дефинисати конволуцију функција и доказати теорему о комутативности конволуције.
- Доказати теорему о Лапласовој трансформацији конволуције.

13. Лапласова трансформација функције $tf(t)$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$, доказати да је $L\{tf(t)\} = -F'(s)$, за $\operatorname{Re} s > a$.

14. Лапласова трансформација функције $\frac{f(t)}{t}$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Довољни услови за постојање Лапласове трансформације. Класа $E(a)$.
- Ако је $L\{f(t)\} = F(s)$, $\operatorname{Re} s > a$ и $\frac{f(t)}{t}$ испуњава одговарајуће услове (навести које), доказати да је $L\{\frac{f(t)}{t}\} = \int_s^\infty F(p)dp$, за $\operatorname{Re} s > a$.

15. Инверзна Лапласова трансформација.

- Дефинисати Лапласову трансформацију и инверзну Лапласову трансформацију.
- На примеру показати да инверзна Лапласова трансформација није једнозначна.
- Навести Мелинову формулу.

16. Егзистенција инверзне Лапласове трансформације и Мелинова формула.

- Дефинисати Лапласову трансформацију и инверзну Лапласову трансформацију.
- Довољни услови за егзистенцију инверзне Лапласове трансформације. Мелинова формула.
- Израчунавање интеграла у Мелиновој формули применом резидуума.

17. Налажење $L^{-1}\{\frac{P(s)}{Q(s)}\}$, где су $P(s)$ и $Q(s)$ полиноми комплексне

променљиве са реалним коефицијентима

- Дефинисати Лапласову трансформацију и инверзну Лапласову трансформацију.
- Разлагање рационалне функције $\frac{P(s)}{Q(s)}$ на елементарне сабирке
- Налажење инверзне Лапласове трансформације елементарних сабирака.

18. Налажење $L^{-1}\{P(s) \cdot Q(s)\}$.

- Дефинисати Лапласову трансформацију и инверзну Лапласову трансформацију.
- Дефинисати конволуцију и навести Лапласову трансформацију конволуције.
- Примена конволуције на налажење инверзне Лапласове трансформације производа функција.

19. Примена Лапласове трансформације на решавање линеарних диференцијалних једначина са константним коефицијентима.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Дефинисати инверзну Лапласову трансформацију функције $F(s)$.
- Примена Лапласове трансформације на решавање Кошијевог проблема $a_0 x^{(n)} + a_1 x^{(n-1)} + \dots + a_n x = f(t)$, $x(0) = x_0$, $x'(0) = x_1, \dots$, $x^{(n-1)}(0) = x_{n-1}$.

20. Примена Лапласове трансформације на системе линеарних диференцијалних једначина с константним коефицијентима.

- Дефинисати Лапласову трансформацију функције $f(t)$.
- Дефинисати инверзну Лапласову трансформацију функције $F(s)$.
- Примена Лапласове трансформације на решавање Кошијевог проблема

$$\frac{dX}{dt} = AX, \quad X(0) = X_0.$$